C3T2 - Outils à ne pas confondre

Objectif 2-1 Théorème de Thalès (Pour calculer des longueurs)

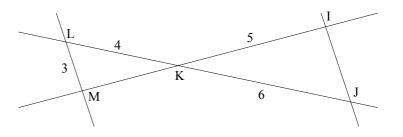
Exemple d'utilisation

Énoncé

Les droites (IJ) et (ML) sont parallèles.

Calculer IJ et KM.

(Les longueurs sont données en cm)



Au brouillon

Longueurs des côtés associés :					
Triangle LMK	LM	MK	KL		
Triangle KJI	IJ	IK	KJ		

Rédaction

Les points L, K et J sont alignés ainsi que les points M, K et I

Les droites (LM) et (IJ) sont parallèles.

Donc, d'après la propriété de Thalès, on a :

$$\frac{LM}{IJ} = \frac{MK}{IK} = \frac{KL}{KJ} \text{ d'où } \frac{3}{IJ} = \frac{MK}{5} = \frac{4}{6}.$$

D'une part, on a :
$$\frac{3}{IJ} = \frac{4}{6}$$
 donc $IJ = \frac{3 \times 6}{4} = 4,5$ IJ mesure 4,5 cm.

D'autre part, on a :
$$\frac{MK}{5} = \frac{4}{6}$$
 donc $MK = \frac{5 \times 4}{6} = \frac{20}{6} = \frac{10}{3}$ MK mesure $\frac{10}{3}$ cm.

C3T2 - Outils à ne pas confondre

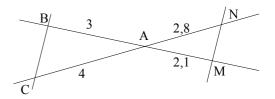
Objectif 2-2 Réciproque du théorème de Thalès (Pour démontrer que 2 droites sont parallèles)

Exemple d'utilisation

Énoncé

Les points A, B, M et A, C, N sont alignés.

Les droites (BC) et (MN) sont-elles parallèles ?



Au brouillon, côtés associés :				
Tri	angle ABC	AB	AC	
Tri	angle AMN	AM	AN	

Rédaction

$$\frac{AM}{AB} = \frac{2.1}{3}$$
 et $\frac{AN}{AC} = \frac{2.8}{4}$

Comme les produits en croix $3 \times 2.8 = 8.4$ et $4 \times 2.1 = 8.4$ sont égaux, $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC}$

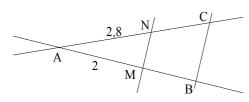
De plus les points A, B et M sont alignés dans le même ordre que A, C et N.

Donc, d'après la réciproque du théorème de Thalès, les droites (BC) et (MN) sont parallèles.

Objectif 2-3 Reconnaître et démontrer que deux droites ne sont pas parallèles

Exemple d'utilisation

Énoncé



Les points A, B, M et A, C, N sont alignés.

On donne AB = 3.5 cm et AC = 5 cm.

Les droites (BC) et (MN) sont-elles parallèles ?

Au brouillon, côtés associés				
Triangle AMN	АМ	AN		
Triangle ABC	АВ	AC		

Rédaction

$$\frac{AM}{AB} = \frac{2}{3.5} \text{ et } \frac{AN}{AC} = \frac{2.8}{5}$$

Comme les produits en croix $2 \times 5 = 10$ et $2.8 \times 3.5 = 9.8$ sont différents, $\frac{AM}{AB} \neq \frac{AN}{AC}$,

et donc les droites(MN) et (BC) ne sont pas parallèles.